

LU01f - Zahlensysteme umrechnen

[Umrechner mit Erklärung der einzelnen Schritte](#)

Grundlagen

Im Alltag sind wir uns gewohnt, Zahlen im Dezimalsystem (Basis 10) darzustellen. Die Informatik basiert aber auf dem Binärsystem (Basis 2). Deshalb werden auch Dateien und Programmvariablen binär gespeichert. Um diese Informationen zu verstehen, müssen Sie die Zahlen zwischen den verschiedenen Zahlensystemen umrechnen.

Um Missverständnisse zu vermeiden, geben wir bei den Zahlen jeweils das Zahlensystem an. Dazu notieren wir die Basis tiefgestellt neben die Zahl:



- Dezimalsystem: 153_{10}
- Binärsystem: $1010\ 1100_2$
- Oktalsystem: 243_8
- Hexadezimalsystem: $1A_{16}$

Ebenfalls gebräuchlich ist der Buchstabe b für das Binärsystem bzw. x für das Hexadezimalsystem:

- '1010 1100'b
- '1A'x

Dezimalzahlen umrechnen

Allgemein

Um eine Dezimalzahl in ein anderes Zahlensystem umzurechnen, führen wir eine Reihe von Divisionen durch.

```
Dezimalzahl
----- = Ergebnis  und  Rest
      Basis
```

- Notieren Sie den Rest als Resultat (von rechts nach links).
- Anschliessend wiederholen Sie die Division mit dem Ergebnis, bis das Ergebnis 0 ist.



Beispiel

Rechnen Sie die Dezimalzahl **253** ins 7er-System um:

$$253_{10} = ???_7$$

Schritt	Division	Ergebnis	Rest	Resultat
1	253 / 7	36	1	<u> </u> 1 ₇
2	36 / 7	5	1	<u> </u> 11 ₇
3	5 / 7	0	5	511 ₇

Dezimal => Binär

Wie im Beispiel führen wir eine Reihe von Divisionen durch, um die Dezimalzahl ins Binärsystem zu übertragen. Da das Binärsystem nur zwei Ziffern kennt, wird das Resultat viele Stellen enthalten.

Anzahl Stellen abschätzen

Schätzen Sie zunächst ab, wie viele binäre Stellen das Resultat enthalten wird. Dabei gilt die Faustregel: 3 dezimale Stellen entsprechen ungefähr 10 binäre Stellen.

$$\text{binäre Stellen} = \frac{\text{Dezimalstellen} * 10}{3}$$

Notation in 4er Gruppen

Binäre Zahlen werden einfacher lesbar, wenn Sie die Ziffern in 4er Gruppen (von rechts nach links) anordnen. Die vorderste Gruppe füllen wir mit führenden Nullen auf, bis auch diese aus 4 binären Ziffern besteht.

$$0010 \ 1010 \ 1111 \ 0001$$

Beispiel

$$24753_{10} = ????_2$$

- Die Dezimalzahl hat 5 Stellen; Die binäre Zahl wird maximal 17 Stellen haben ($5 / 3 * 10$)

$$\begin{array}{l} 24753 / 2 = 12376 \text{ Rest } 1 \\ 12376 / 2 = 6188 \text{ Rest } 0 \\ 6188 / 2 = 3094 \text{ Rest } 0 \\ 3094 / 2 = 1547 \text{ Rest } 0 \end{array}$$

```

1547 / 2 = 773 Rest 1
 773 / 2 = 386 Rest 1
 386 / 2 = 193 Rest 0
 193 / 2 = 96  Rest 1
  96 / 2 = 48  Rest 0
  48 / 2 = 24  Rest 0
  24 / 2 = 12  Rest 0
  12 / 2 =  6  Rest 0
   6 / 2 =  3  Rest 0
   3 / 2 =  1  Rest 1
   1 / 2 =  0  Rest 1

```

Resultat: $24753_{10} = 0110\ 0000\ 1011\ 0001_2$

Binäre Zahlen umrechnen

Binäre Zahlen lassen sich relativ einfach ins 8er (Oktal) und 16er (Hexadezimal) System umrechnen. Das liegt daran, dass 8 und 16 Potenzen von 2 sind:

- $2^3 = 8$
- $2^4 = 16$

Deshalb werden binäre Werte häufig als oktale oder hexadezimale Zahlen dargestellt.

Die Umrechnung ins 10er System ist hingegen schwieriger, da 10 keine Potenz von 2 ist.

Binär <=> Oktal



Eine Ziffer im 8er-System entspricht drei Ziffern im 2er-System: $8^1 = 2^3$

Binäre Zahl ins oktale System übertragen

1. Zerlegen Sie die binäre Zahl von rechts nach links in Gruppen von 3 Ziffern.
2. Übertragen Sie jede dieser 3er Gruppen ins oktale System.

Binär	Oktal	Binär	Oktal
000	0	/ 100	4
001	1	/ 101	5
010	2	/ 110	6
011	3	/ 111	7

Beispiel

$$0110\ 0000\ 1011\ 0001_2 = ???_8$$

1. 3er Gruppen bilden: 0 110 000 010 110 001
2. Vorderste Gruppe ergänzen: 000 110 000 010 110 001
3. Übertragen ins oktale System: 0 6 0 2 6 1

Resultat: $0110\ 0000\ 1011\ 0001_2 = 60261_8$

Oktale Zahl ins Binärsystem übertragen

Diese Umwandlung ist ebenso einfach:

1. Wandeln Sie einfach jede oktale Ziffer in die **drei** entsprechenden binären Ziffern um.
 - Dabei ist es egal, ob Sie von rechts nach links oder von links nach rechts vorgehen.
2. Notieren Sie die binären Ziffern in 4er Gruppen von rechts nach links.
 - Ergänzen Sie bei Bedarf die vorderste 4er Gruppe mit führenden Nullen.

Beispiel

$$573_8 = ???_2$$

1. Umwandeln: 5 => 101
 7 => 111
 3 => 011
2. 4er Gruppen bilden: 0001 0111 1011

Resultat: $573_8 = 0001\ 0111\ 1011_2$

Binär <=> Hexadezimal



Eine Ziffer im 16er-System entspricht vier Ziffern im 2er-System: $16^1 = 2^4$

Binäre Zahl ins hexadezimale System übertragen

1. Zerlegen Sie die binäre Zahl von rechts nach links in Gruppen von 4 Ziffern.
 - Ergänzen Sie bei Bedarf die vorderste 4er Gruppe mit führenden Nullen.
2. Übertragen Sie jede dieser 4er Gruppen ins hexadezimale System.

Binär	Hex	Binär	Hex
0000	0	1000	8
0001	1	1001	9

2. Schreibe von unten nach oben den Wert der Zahl.
3. Multipliziere jede Ziffer mit ihrem Wert.
4. Addiere alle Werte.

Beispiel

$$1001\ 0101_2 = ???_{10}$$

Ziffer	Wert	Produkt
1	128	128
0	64	0
0	32	0
1	16	16
0	8	0
1	4	4
0	2	0
1	1	1
Summe		149

Resultat: $1001\ 0101_2 = 149_{10}$

Verdoppelungsmethode

Bei der Verdoppelungsmethode verwenden wir nur eine Addition und die Multiplikation mit 2. Daher wird es wesentlich einfacher binäre Zahlen im Kopf umzurechnen.

Für jede binäre Stelle führen wir von links nach rechts zwei Rechnungen durch:

1. Multipliziere das bisherige Resultat mit 2
2. Addiere die binäre Stelle zum Resultat



Beispiel

$$1001\ 0101_2 = ???_{10}$$

Binäre Ziffer	Berechnung	Resultat
	Start	0
1 001 0101	$0*2 + 1$	1
10 01 0101	$1*2 + 0$	2
100 1 0101	$2*2 + 0$	4
1001 0101	$4*2 + 1$	9
10010 101	$9*2 + 0$	18

Binäre Ziffer	Berechnung	Resultat
1001 0101	$18*2 + 1$	37
1001 010 1	$37*2 + 0$	74
1001 010 1	$74*2 + 1$	149

Resultat: $1001\ 0101_2 = 149_{10}$

Mit dieser Methode lassen sich auch andere Zahlensysteme ins Dezimalsystem übertragen. Um eine Zahl im 16er System (Hexadezimal) ins Dezimalsystem zu übertragen, wird einfach das bisherige Resultat mit 16 multipliziert.

[m114-A1G](#), [m114-A1F](#)



Marcel Suter

From:

<https://wiki.bzz.ch/> - **BZZ - Modulwiki**

Permanent link:

<https://wiki.bzz.ch/de/modul/m114/learningunits/lu01/umrechnentheorie?rev=1769631166>

Last update: **2026/01/28 21:12**

